



Exercice 8 : tableau de variation et équation.

On considère la fonction f définie pour tout nombre réel x de l'intervalle $[1 ; 10]$ par $f(x) = -x \ln x + 2x$.

1. Montrer que la fonction dérivée f' de la fonction f est définie pour tout nombre réel x de l'intervalle $[1 ; 10]$ par : $f'(x) = -\ln x + 1$.

2. a) Étudier le signe de $f'(x)$ en fonction des valeurs du nombre réel x de l'intervalle $[1 ; 10]$.

b) En déduire le tableau de variation de la fonction f sur l'intervalle $[1 ; 10]$.

3. On appelle \mathcal{C} la représentation graphique de la fonction f dans un repère orthonormé du plan (unités : 1 cm en abscisses, 1 cm en ordonnées). Représenter graphiquement \mathcal{C} dans ce repère.

4. On considère l'équation (E) : $f(x) = 0$, sur l'intervalle $[1 ; 10]$.

a) Déterminer le nombre de solutions de l'équation (E).

b) Pour chacune des solutions trouvées, donner une valeur approchée à 10^{-2} près.