

Exercice 3 : l'intervalle contenant p avec une probabilité

Soient n un entier naturel, p un nombre réel compris entre 0 et 1, et X_n une variable aléatoire suivant une loi binomiale de paramètres n et p .

On note $F_n = \frac{X_n}{n}$ et f une valeur prise par F_n .

On rappelle que, pour n assez grand, l'intervalle $\left[p - \frac{1}{\sqrt{n}} ; p + \frac{1}{\sqrt{n}} \right]$ contient la fréquence f avec une probabilité au moins égale à 0,95.

En déduire que l'intervalle $\left[f - \frac{1}{\sqrt{n}} ; f + \frac{1}{\sqrt{n}} \right]$ contient p avec une probabilité au moins égale à 0,95.