



Les vecteurs

Exercice 6 : déterminer la valeur de t pour laquelle la longueur est minimale.

Dans l'espace muni d'un repère ortho-
normé $(O; \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$, on considère les points $A(1;0;0)$,
 $B(0;1;0)$, $C(0;0;1)$ et I le milieu de $[AB]$.

- 1) Construire la figure à l'aide d'un logiciel de géométrie dans l'espace.
- 2) Placer un point M du segment $[AC]$ et φ le plan passant par I et orthogonal à la droite (IM) .
- 3) Construire le point N intersection de φ et de la droite (OB) .
- 4) Conjecturer la position du point M pour laquelle la distance MN est minimale.
- 5) Démonstration
 - a) Soit t le réel tel que $\overrightarrow{AM} = t\overrightarrow{AC}$. Exprimer les coordonnées de M en fonction de t . On admet que $N(0;t;0)$.
 - b) Exprimer la longueur MN en fonction de t .
 - c) Déterminer la valeur de t pour laquelle cette longueur est minimale.