

Exercice : conjecturer un tableau de variation et utiliser Sympy



Soit f la fonction définie sur \mathbb{R} par :

$$f(x) = -x^2 + x$$

1. Conjecturer son tableau de variations à l'aide d'une calculatrice.
2. a. En utilisant Sympy on a obtenu la capture d'écran suivante :

```
>>> from sympy import *
>>> a,b=symbols('a b')
>>> factor((-a**2+a)-(-b**2-b))
-(a + b)*(a - b - 1)
```

Expliquer les trois lignes de commandes.

- b. En quoi le résultat de la dernière commande permet-il de démontrer les variations de la fonction f .
- c. Démontrer le résultat donné par le logiciel.
- d. Démontrer la conjecture faite en question 1.